

Stahlbeton II	Frühjahrssemester	Seite 1/10
Hausübung 1	Musterlösung	fm /11.03.2021 mep/27.02.2024 (rev.)

Aufgabe 1

Baustoffe

Beton C30/37 $f_{cd} = 20 \text{ MPa}$
 $f_{ctm} = 2.9 \text{ MPa}$
 $D_{max} = 16 \text{ mm}$

Betonstahl B500B $f_{sd} = 435 \text{ MPa}$
 $c_{nom} = 20 \text{ mm}$

Spannstahl Y1860 $f_{pk} = 1860 \text{ MPa}$
 $f_{pd} = 1390 \text{ MPa}$
 $\epsilon_{ud} = 2\%$
 $c_{nom,p} = 30 \text{ mm}$

SIA 262

Tab. 8
Tab. 3

Tab. 16/18

Wahl

Tab. 10

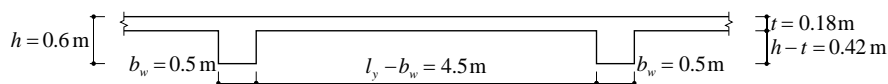
Tab. 16/18

a) Geometrie und Schnittgrößen

Festlegung Geometrie:

- Vorgespannter Balken: $l/h = 20$, Wahl: $h = 0.6 \text{ m}$
- Vorgespannter Steg: Platzbedarf der Verankerungen und Spiralbewehrung beachten!
→ Wahl: $b_w = 0.5 \text{ m}$
- Wahl Plattenstärke: $t = 0.18 \text{ m}$
- Querrichtung schlaff: $l/h \approx 18 \div 25$ ohne Durchlaufwirkung entspricht ca. $l/h \approx 22 \div 30$ mit Durchlaufwirkung. Wahl: $l_y = 5 \text{ m}$ ($l_y/t = 27.8$)

$l = 12 \text{ m}$



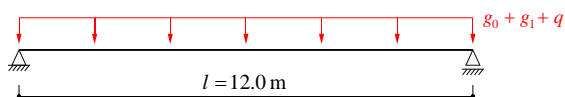
Längsrichtung:

Eigenlast: $g_{0k} = (l_y \cdot t + b_w \cdot (h - t)) \cdot 25 \frac{\text{kN}}{\text{m}^3} = 27.75 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$

Auflast: $g_{1k} = 5 \text{ m} \cdot 2 \frac{\text{kN}}{\text{m}^2} = 10 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$

Nutzlast: $q_k = 5 \text{ m} \cdot 3 \frac{\text{kN}}{\text{m}^2} = 15 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$

→ $q_d = 1.35 \cdot (g_{0k} + g_{1k}) + 1.5 \cdot q_k = 73.5 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$



V $\frac{1}{2}$ $+$ $-\frac{1}{2}$ $[l \cdot (g_0 + g_1 + q)]$

M $+$ $\frac{1}{8}$ $[l^2 \cdot (g_0 + g_1 + q)]$

Stahlbeton II	Frühjahrssemester	Seite 2/10
Hausübung 1	Musterlösung	fm /11.03.2021 mep/27.02.2024 (rev.)

	g_{0k}	$g_{0k} + g_{1k}$	$g_{0k} + g_{1k} + q_k$	d-Niveau
q [kN/m]	27.8	37.8	52.8	73.5
V_{max} [kN]	167	227	317	441
M_{max} [kNm]	500	680	950	1322

b) Vorspannkonzzept

- Parabolische Kabelführung mit maximalen Exzentrizitäten
- Ziel: Volle Vorspannung für ständige Lasten

Vorbemessung: Abschätzung Spannstahlfläche damit Lastausgleich für ständige Lasten

$$X \approx 8 \cdot \sqrt{A_p}$$

$$\varnothing_{ext} = \varnothing_a \approx 2 \cdot \sqrt{A_p}$$

$$e = \Delta s \approx 0.3 \cdot \sqrt{A_p}$$

$$f \approx h - \underbrace{\left(30 \text{ mm} + 4 \cdot \sqrt{A_p}\right)}_{c_{nom.p} + \frac{x}{2}} - \underbrace{\left(30 \text{ mm} + 1.3 \cdot \sqrt{A_p}\right)}_{c_{nom.p} + \frac{\varnothing_a}{2} + \Delta s} = 540 \text{ mm} - 5.3 \cdot \sqrt{A_p}$$

$$u_{\infty} = \frac{8P_{\infty} f}{l^2} = g_{0k} + g_{1k} = 37.8 \frac{\text{kN}}{\text{m}} \rightarrow A_p \approx 2050 \text{ mm}^2$$

$$P_{\infty} = 0.7 \cdot 0.85 \cdot f_{pk} \cdot A_p$$

Wahl Spannsystem:

- Spanngliedeinheit CONA 12-06 Y1860, $A_p = 1800 \text{ mm}^2$
- Rundes Stahlhüllrohr 79/85 ($\varnothing_i = 79 \text{ mm}$, $\varnothing_a = 85 \text{ mm}$, $\Delta s = 14 \text{ mm}$)
- $c_{nom.p} = \max\left(30 \text{ mm}, \frac{\varnothing_a}{2}\right) = 42.5 \text{ mm}$
- Bewegliche Verankerung BP
- Feste Verankerung FP
- Initiale Vorspannung $\sigma_{p0} = 0.7 f_{pk} = 1302 \text{ MPa}$
- Achsabstand $A = 380 \text{ mm}$
- Randabstand $R = \frac{A}{2} + c_{nom.p} = 232.5 \text{ mm}$
- Spiralbewehrung $\varnothing_s = 325 \text{ mm}$
- Pfeilhöhe $f = h - R - \left(c_{nom.p} + \frac{\varnothing_a}{2} + \Delta s\right) = 268.5 \text{ mm}$
- Exzentrizitäten: $e\left(x = -\frac{l}{2}\right) = e_A = R - \zeta_c = 72.0 \text{ mm}$

$$e(x=0) = e_F = h - \left(c_{nom.p} + \frac{\varnothing_a}{2} + \Delta s\right) - \zeta_c = 340.5 \text{ mm}$$

- Das Spannkabel liegt für die gesamte Trägerlänge unterhalb des Schwerpunktes.

VL 6.1
S.3

Doku CONA

S.3

S.15

S.9

S.19

S.19

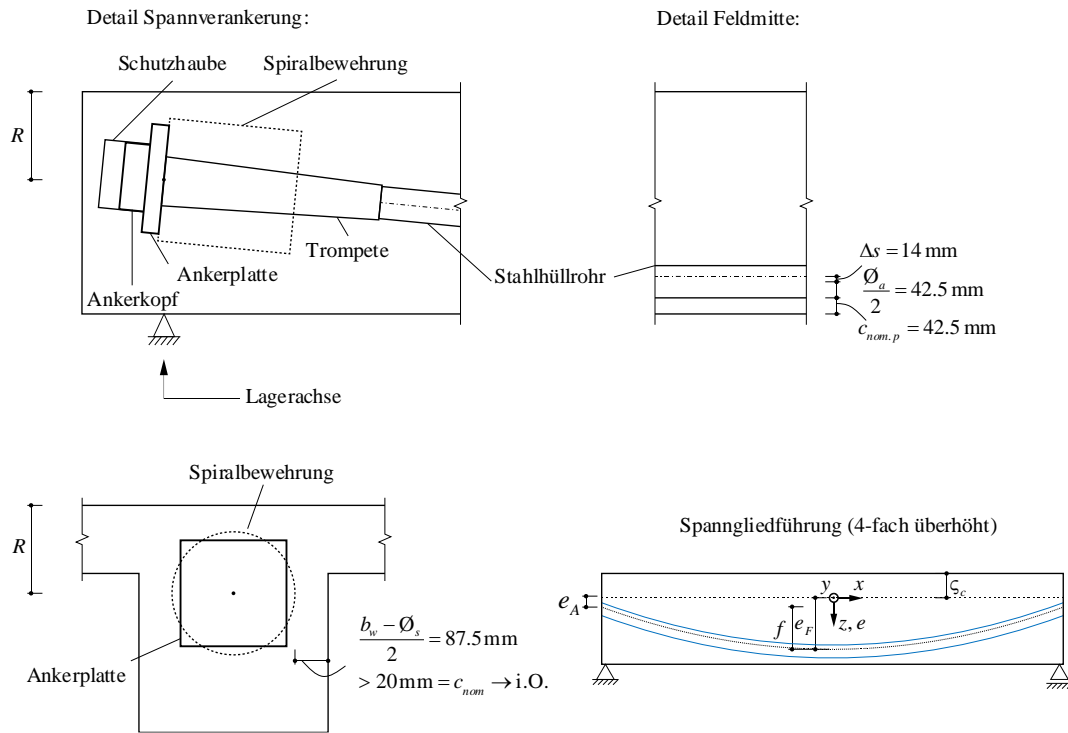
S.10

S.19

ζ_c siehe S.3

Stahlbeton II	Frühjahrssemester	Seite 3/10
Hausübung 1	Musterlösung	fm /11.03.2021 mep/27.02.2024 (rev.)

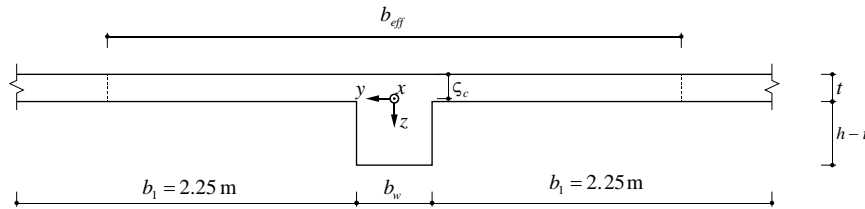
Spannsystem:



1:20

c) Verteilung der Betonspannungen

Querschnittswerte:



SIA 262
4.1.3.3.2

$l_0 = l = 12\text{m}$

$$b_{eff} = b_w + 2 \cdot \underbrace{(0.2 \cdot b_1 + 0.1 \cdot l_0)}_{< 0.2 \cdot l_0 = 2.4\text{m}} = 3.80\text{ m} < b = l_y = 5\text{ m}$$

$$A_c = b_{eff} \cdot t + b_w \cdot (h - t) = 0.894 \cdot 10^6\text{ mm}^2$$

$$\zeta_c = \frac{b_{eff} \cdot \frac{t^2}{2} + b_w \cdot (h - t) \cdot \left(\frac{t + h}{2}\right)}{A_c} = 160.5\text{ mm}$$

$$I_c = \frac{b_{eff} \cdot t^3}{12} + b_{eff} \cdot t \cdot \left(\zeta_c - \frac{t}{2}\right)^2 + \frac{b_w \cdot (h - t)^3}{12} + b_w \cdot (h - t) \cdot \left(\frac{t + h}{2} - \zeta_c\right)^2 = 19.394 \cdot 10^9\text{ mm}^4$$

Stahlbeton II	Frühjahrssemester	Seite 4/10
Hausübung 1	Musterlösung	fm /11.03.2021 mep/27.02.2024 (rev.)
<p>Vorspannkräfte:</p> $P_0 = A_p \cdot \sigma_{p0} = 2344 \text{ kN}$ $P_\infty = A_p \cdot \sigma_{p\infty} = A_p \cdot 0.85 \cdot \sigma_{p0} = 1992 \text{ kN}$ <p>mittlere Vorspannung: $-\frac{P_0}{A_c} = -2.6 \text{ MPa}$ für $t = 0$</p> $-\frac{P_\infty}{A_c} = -2.2 \text{ MPa}$ für $t \rightarrow \infty$ <p>Spannungsverteilung:</p> $\begin{Bmatrix} \sigma_{c.sup} \\ \sigma_{c.inf} \end{Bmatrix} = -\frac{P}{A_c} + \frac{M + M_{zw} - P \cdot e}{I_c} \cdot \begin{Bmatrix} z_{sup} \\ z_{inf} \end{Bmatrix}$ <p>→ Auflager $t = 0$ (g_{0k}, P_0):</p> $\begin{Bmatrix} \sigma_{c.sup} \\ \sigma_{c.inf} \end{Bmatrix} = -\frac{P_0}{A_c} + \frac{-P_0 \cdot e_A}{I_c} \cdot \begin{Bmatrix} -\zeta_c \\ h - \zeta_c \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} -1.2 \\ -6.5 \end{Bmatrix} \text{ MPa}$ <p>→ Auflager $t \rightarrow \infty$ ($g_{0k} + g_{1k} + q_k, P_\infty$):</p> $\begin{Bmatrix} \sigma_{c.sup} \\ \sigma_{c.inf} \end{Bmatrix} = -\frac{P_\infty}{A_c} + \frac{-P_\infty \cdot e_A}{I_c} \cdot \begin{Bmatrix} -\zeta_c \\ h - \zeta_c \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} -1.0 \\ -5.5 \end{Bmatrix} \text{ MPa}$ <p>→ Feldmitte $t \rightarrow 0$ (g_{0k}, P_0):</p> $\begin{Bmatrix} \sigma_{c.sup} \\ \sigma_{c.inf} \end{Bmatrix} = -\frac{P_0}{A_c} + \frac{M_{max}(g_{0k}) - P_0 \cdot e_F}{I_c} \cdot \begin{Bmatrix} -\zeta_c \\ h - \zeta_c \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} -0.2 \\ -9.4 \end{Bmatrix} \text{ MPa}$ <p>→ Feldmitte $t \rightarrow \infty$ ($g_{0k} + g_{1k} + q_k, P_\infty$):</p> $\begin{Bmatrix} \sigma_{c.sup} \\ \sigma_{c.inf} \end{Bmatrix} = -\frac{P_\infty}{A_c} + \frac{M_{max}(g_{0k} + g_{1k} + q_k) - P_\infty \cdot e_F}{I_c} \cdot \begin{Bmatrix} -\zeta_c \\ h - \zeta_c \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} -4.5 \\ 3.9 \end{Bmatrix} \text{ MPa}$ <p>→ Feldmitte $t \rightarrow \infty$ ($g_{0k} + g_{1k}, P_\infty$):</p> $\sigma_{c.inf} = -\frac{P_\infty}{A_c} + \frac{M_{max}(g_{0k} + g_{1k}) - P_\infty \cdot e_F}{I_c} \cdot (h - \zeta_c) = -2.2 \text{ MPa}$ <p>Für die ständigen Lasten sowie ca. einen Drittel der Nutzlast bleibt der Querschnitt komprimiert. Unter der vollen Last reißt der Querschnitt in Feldmitte.</p>		<p>$M_{zw} = 0$, da statisch bestimmt.</p> <p>Da $\sigma_{c.inf} > f_{cm}$ müssten die Spannungen hier am gerissenen Querschnitt be- rechnet werden.</p>

Stahlbeton II	Frühjahrssemester	Seite 5/10
Hausübung 1	Musterlösung	fm /11.03.2021 mep/27.02.2024 (rev.)

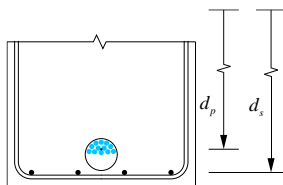
d) Tragsicherheit in Längsrichtung

→ Betrachtung mit Vorspannung auf Widerstandsseite

Biegung: $M_{max,d} = 1322 \text{ kNm}$

$$F_p = A_p \cdot f_{pd} = 2502 \text{ kN}$$

$$F_s = A_s \cdot f_{sd} = 267.9 \text{ kN}$$



Schlaffe Bewehrung: Zulagen 4Ø14

$$d_p = h - c_{nom,p} - \frac{\varnothing_a}{2} - \Delta s = 501 \text{ mm}$$

$$d_s = h - c_{nom} - \varnothing_w - \frac{\varnothing}{2} = 563 \text{ mm}$$

$$d = \frac{d_p \cdot F_p + d_s \cdot F_s}{F_p + F_s} = 507 \text{ mm}$$

$$\varepsilon_{c,sup}(x) = \frac{x \cdot \left(\varepsilon_{ud} - \frac{\sigma_{p0}}{E_p} \right)}{d_p - x}$$

$$c(x) = x - \frac{x \cdot 0.045\%}{\varepsilon_{c,sup}(x)}$$

$$F_c(x) = c(x) \cdot b_{eff} \cdot f_{cd}$$

$$F_s + F_p - F_c(x) = 0 \rightarrow x = 51.6 \text{ mm} \rightarrow c(x) = 36.4 \text{ mm} \rightarrow \frac{x}{d} = 0.1 \leq 0.35 \rightarrow \text{i.O.}$$

$$M_{Rd} = F_s \left(d_s - \frac{c(x)}{2} \right) + F_p \left(d_p - \frac{c(x)}{2} \right) = 1354 \text{ kNm} > M_{max,d} = 1322 \text{ kNm} \rightarrow \text{i.O.}$$

Würde man den Biegezugwiderstand mit der Annahme Betonbruch während Spannstahl und Bewehrungsstahl fließen ermitteln, resultierte genau der gleiche Biegezugwiderstand, jedoch würde die Spannstahldehnung den zulässigen Wert von ε_{ud} überschreiten.

Querkraft: $V_{max,d} = 441 \text{ kN}$

$$z = \frac{A_p f_{pd} d_p + A_s f_{sd} d_s}{A_p f_{pd} + A_s f_{sd}} - \frac{c(x)}{2} = 489 \text{ mm}$$

Wahl: $\alpha = \alpha_{min} = 25^\circ$ (für vorgespannte Träger)

Nachweisschnitt bei $z \cdot \cot(\alpha)$ vom Auflager:

$$V_d = V_{max,d} - z \cdot \cot(\alpha) \cdot q_d = 364 \text{ kN}$$

Neigung des Vorspannkabels β_p :

$$\beta_p = f'(x) = -\frac{l}{2} + z \cdot \cot(\alpha) = -\frac{8fx}{l^2} = 4.2^\circ$$

$$P_\infty \cdot \sin(\beta_p) = 147 \text{ kN}$$

$$\text{Mindestbewehrung im Steg } \rho_{min} = 0.2\% \rightarrow a_{s,min} = 1000 \frac{\text{mm}^2}{\text{m}}$$

$$\rightarrow \varnothing 10 @ 150, 2\text{-schnittig} \rightarrow a_{sw} = 1047 \frac{\text{mm}^2}{\text{m}}$$

Hüllrohrdurchmesser $\varnothing_a > b_w / 8 \rightarrow$ Nennwert der Stegbreite $b_{w,nom}$:

$$b_{w,nom} = b_w - k_H \varnothing_a = 500 \text{ mm} - 0.5 \cdot 85 \text{ mm} = 457.5 \text{ mm}$$

Annahme:
 $\varnothing_w = 10 \text{ mm}$

Versagensart:
Spannkabel reißt bevor Beton bricht – akzeptiert, da keine plastischen Umlagerungen nötig / möglich.
Dehnungen im Beton durch Vorspannung (bei Zeitpunkt Injektion) vernachlässigt

SIA 262
4.3.3.3.2

SIA 262
4.3.3.3.5

Stahlbeton II	Frühjahrssemester	Seite 6/10
Hausübung 1	Musterlösung	fm /11.03.2021 mep/27.02.2024 (rev.)
<p>Nachweise:</p> $V_{Rd,s} = a_{sw} \cdot f_{sd} \cdot z \cdot \cot(\alpha) + P_{\infty} \cdot \sin(\beta_p) = 624 \text{ kN} > V_d = 364 \text{ kN} \rightarrow \text{i.O.}$ $V_{Rd,c} = b_{w,nom} \cdot k_c \cdot f_{cd} \cdot z \cdot \cos(\alpha) \cdot \sin(\alpha) + P_{\infty} \cdot \sin(\beta_p) = 1089 \text{ kN} > V_d = 364 \text{ kN} \rightarrow \text{i.O.}$ <p>Zusätzlich zu den Nachweisen in Längsrichtung muss auch die Tragsicherheit in Querrichtung nachgewiesen werden. Dabei ist die Ausbreitung der Druckkraft in den Flansch sowie das Querbiegemoment zu untersuchen. Diese Nachweise wurden bereits in SB I Kolloquium 4 detailliert aufgezeigt und werden deshalb hier nicht nochmals aufgeführt. Zusätzlich müsste der Nachweis der Querkrafttragsicherheit der Platte überprüft werden. Dies wird im Kapitel 7 Platten behandelt.</p> <p>e) <u>Durchbiegungen</u></p> <p>Für die Berechnung der Mitteldurchbiegungen wird die Vorspannung als Umlenk- und Ankerkräfte betrachtet und effektive Bruttoquerschnittswerte verwendet.</p> <p>$t = 0$ (g_{0k}, P_0):</p> $u_0 = \frac{8 \cdot P_0 \cdot f}{l^2} = 35.0 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$ $w_{m,0} = \frac{5 \cdot (g_{0k} - u_0) l^4}{384 \cdot EI_c} - \frac{P_0 \cdot e_A \cdot l^2}{8 \cdot EI_c} = -3.0 \text{ mm} - 4.7 \text{ mm} = -7.6 \text{ mm}$ <p>$t \rightarrow \infty$ ($g_{0k} + g_{1k}, P_{\infty}$):</p> $u_{\infty} = 0.85 \cdot u_0 = 29.7 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$ $w_{m,\infty} = \frac{5 \cdot (g_{0k} + g_{1k} - u_{\infty}) l^4}{384 \cdot \frac{EI_c}{3}} - \frac{P_{\infty} \cdot e_A \cdot l^2}{8 \cdot \frac{EI_c}{3}} = 10.0 \text{ mm} - 11.9 \text{ mm} = -1.9 \text{ mm}$ <p>kurzfristige Nutzlast:</p> $\Delta w_m = \frac{5 \cdot q_k \cdot l^4}{384 \cdot \frac{EI_c'}{3}} = 18.7 \text{ mm}$ $\Delta w_m + w_{m,\infty} = 16.7 \text{ mm}$ <p>Infolge kurzfristiger Nutzlast beträgt die Durchbiegung maximal 18.7 mm. Bezüglich der Horizontalen biegt sich der Träger insgesamt um ca. 16.7 mm. Dabei wird die gerissene Biegesteifigkeit verwendet, da der Träger beim Auftreten der Nutzlast in Feldmitte reißt. Aus diesem Grund wird auch für ständige Lasten und $t \rightarrow \infty$ die gerissene Biegesteifigkeit verwendet. Zusätzlich müssten auch noch Langzeiteinflüsse berücksichtigt werden. Diese spielen jedoch für die gerissene Biegesteifigkeit eine wesentlich geringere Rolle als für die ungerissene und werden hier einfacherhalber vernachlässigt. Für ständige Lasten bleibt der Plattenbalken somit leicht überhöht (ca. //6000).</p>		

Annahme
gerissene
Biegesteifig-
keit:
 $EI_c'' \cong \frac{EI_c'}{3}$

Stahlbeton II	Frühjahrssemester	Seite 7/10
Hausübung 1	Musterlösung	fm /11.03.2021 mep/27.02.2024 (rev.)

Aufgabe 2

a) Umlenkkräfte bei Lastausgleich für ständige Lasten

Beim Lastausgleich für ständige Lasten entsprechen die Umlenkkräfte den ständigen Lasten, also $u_L = 100\% (g_{0k} + g_{1k})$.

b) Umlenkkräfte bei voller Vorspannung

Von einer vollen Vorspannung für ständige Lasten spricht man, falls unter ständigen Lasten kein Querschnitt dekomprimiert. Massgebend wird dabei im vorliegenden Fall die Spannung am unteren Querschnittsrand in Feldmitte.

Die Betonspannungen werden am ungerissenen elastischen Querschnitt berechnet:

$$\sigma_{c,inf} = -\frac{P}{A_c} + \frac{M_{Feld}(g_{0k}, g_{1k}) - Pe}{I_c} z_{inf} = 0$$

Mit dem oberen Kernpunkt $k_{sup} = \frac{W_{inf}}{A_c} = \frac{I_c}{z_{inf} A_c}$ ergibt sich daraus:

$$\begin{aligned} -Pk_{sup} + M_{Feld}(g_{0k}, g_{1k}) - Pe &= 0 \\ \Leftrightarrow P(k_{sup} + e) &= \frac{(g_{0k} + g_{1k})l^2}{8} \\ \Leftrightarrow P &= \frac{(g_{0k} + g_{1k})l^2}{8(k_{sup} + e)} \end{aligned}$$

Die Umlenkkräfte berechnen sich zu:

$$\begin{aligned} u_V &= \frac{8Pf}{l^2} = \frac{f}{k_{sup} + e} (g_{0k} + g_{1k}) = 69\% (g_{0k} + g_{1k}) \\ k_{sup} &= \frac{I_c}{z_{inf} A_c} = 49.4 \text{ mm} \end{aligned}$$

c) Verlauf der Betonspannungen

Die Betonspannungen werden mit der Formel von Navier bestimmt:

$$\begin{Bmatrix} \sigma_{c,sup} \\ \sigma_{c,inf} \end{Bmatrix} = -\frac{P}{A_c} + \frac{M + M_{zw} - P \cdot e}{I_c} \cdot \begin{Bmatrix} z_{sup} \\ z_{inf} \end{Bmatrix}$$

Vorspannkraft im Fall des Lastausgleichs für ständige Lasten:

$$P = \frac{u_L l^2}{8f} = \frac{(g_{0k} + g_{1k})l^2}{8f}$$

Vorspannkraft im Fall der vollen Vorspannung für ständige Lasten:

$$P = \frac{u_V l^2}{8f} = \frac{69\% (g_{0k} + g_{1k})l^2}{8f}$$

Die Betonspannungen am oberen und unteren Querschnittsrand sind in Abbildung 1 dargestellt. Zusätzlich zeigt Abbildung 2 die Betonspannungen am Querschnitt in der Mitte des Trägers ($x = 0$) und am Auflager ($x = [-l/2, l/2]$).

Stahlbeton II	Frühjahrssemester	Seite 8/10
Hausübung 1	Musterlösung	fm /11.03.2021 mep/27.02.2024 (rev.)

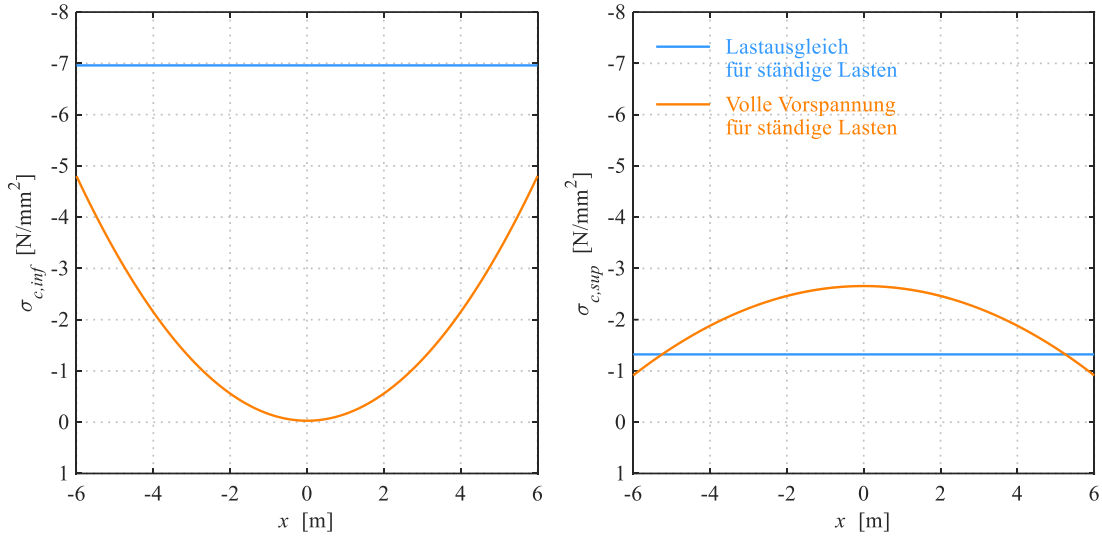


Abb. 1: Betonspannungen am unteren und oberen Querschnittsrand entlang des Trägers (Laufvariable x)

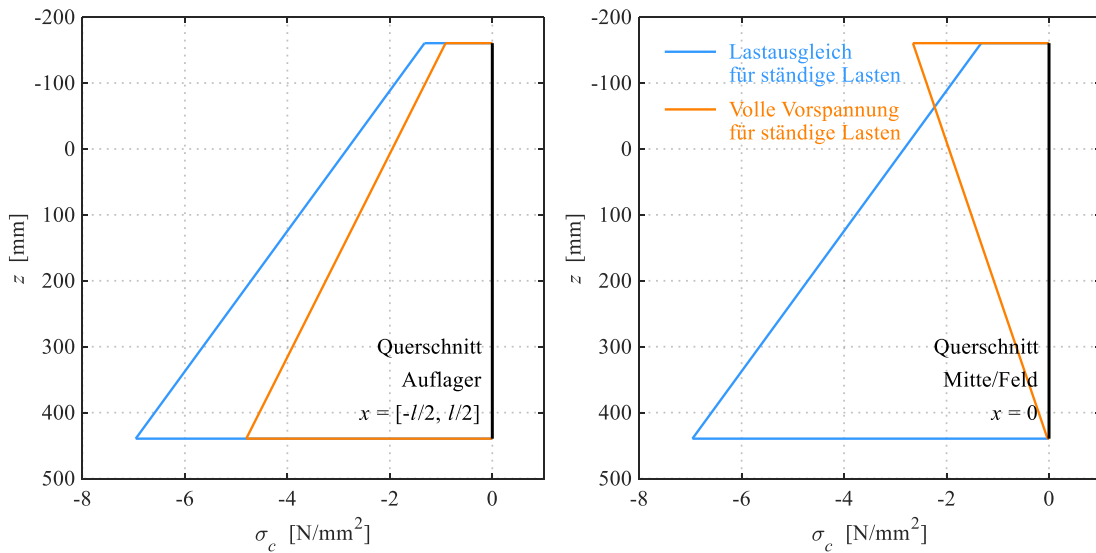


Abb. 2: Betonspannungen am Querschnitt

Beim Lastausgleich für ständige Lasten stellt sich kein zentrischer Spannungszustand ein, da die Ankerkraft nicht im Schwerpunkt des Querschnitts angreift, sondern bei $z = 72$ mm, wodurch eine konstante Momentenbeanspruchung über die Trägerlänge resultiert. Bei der vollen Vorspannung setzt sich das resultierende Moment aus dem Moment aus der exzentrischen Ankerkraft und dem Moment aus der Differenz der ständigen Lasten und der Umlenkkräfte zusammen.

Stahlbeton II	Frühjahrssemester	Seite 9/10
Hausübung 1	Musterlösung	fm /11.03.2021 mep/27.02.2024 (rev.)

Aufgabe 3

Mitteldurchbiegung des Trägers:

Für die Berechnung der Durchbiegung wird die Betrachtungsweise als Anker- und Umlenkkräfte benutzt. Querschnittswerte:

$$P = 1000 \text{ kN}$$

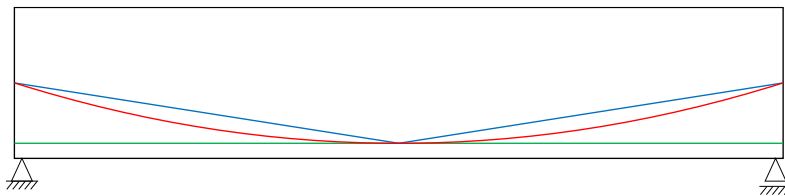
$$q = 30 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$$

$$f = e_{\text{Mitte}} = 200 \text{ mm}$$

$$e_{\text{Auflager}} = 0 \text{ mm}$$

$$I_c = \frac{1}{12} bh^3 = 3.125 \cdot 10^9 \text{ mm}^4$$

$$EI_c = 105 \text{ MNm}^2$$



a) parabolische Spanngliedführung

Bei der parabolischen Spanngliedführung wirken gleichmässig verteilte Umlenkkräfte u auf den vom Spannglied befreiten Träger. Diese wirken der Belastung q entgegen. Da die Ankerkräfte im Schwerpunkt des Trägers angreifen, haben sie keinen Einfluss auf die Durchbiegung.

$$u = \frac{8Pf}{l^2} = 16 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$$

$$w = \frac{5ql^4}{384EI_c} - \frac{5ul^4}{384EI_c} = 37.2 \text{ mm} - 19.8 \text{ mm} = 17.4 \text{ mm}$$

b) lineare Spanngliedführung

Bei der linearen Spanngliedführung wirkt eine einzelne Umlenkkraft am Knick des Spanngliedes. Diese kann durch Kräftegleichgewicht am Knick bestimmt werden.

$$\frac{P}{U/2} = \frac{\sqrt{(l/2)^2 + e_{\text{Mitte}}^2}}{e_{\text{Mitte}}} \Leftrightarrow U = \frac{2Pe_{\text{Mitte}}}{\sqrt{(l/2)^2 + e_{\text{Mitte}}^2}} = 80 \text{ kN}$$

$$w = \frac{5ql^4}{384EI_c} - \frac{Ul^3}{48EI_c} = 37.2 \text{ mm} - 15.9 \text{ mm} = 21.3 \text{ mm}$$

c) gerade Spanngliedführung

Am geraden Spannglied wirken keine Umlenkkräfte. Dadurch, dass die Ankerkraft unterhalb des Schwerpunkts angreift, ergibt sich trotzdem eine Durchbiegung, welche der positiven Durchbiegung aufgrund der verteilten Last q entgegenwirkt.

$$w = \frac{5ql^4}{384EI_c} - \frac{Pe_{\text{Mitte}}l^2}{8EI_c} = 37.2 \text{ mm} - 23.8 \text{ mm} = 13.4 \text{ mm}$$

Stahlbeton II	Frühjahrssemester	Seite 10/10
Hausübung 1	Musterlösung	fm /11.03.2021 mep/27.02.2024 (rev.)
<p>Bei gleicher Vorspannkraft sind die Durchbiegungen für die gerade Spanngliedführung am geringsten. Dabei entstehen bei der geraden Spanngliedführung keine Umlenkkräfte, jedoch greifen die Ankerkräfte exzentrisch an und verursachen ein negatives Moment, welches die Durchbiegungen reduziert. Bei diesem System ist jedoch zu beachten, dass im Auflagerbereichen grosse Zugspannungen entstehen und der Querschnitt am oberen Rand reißt ($\sigma_{c.sup} = 9.3\text{MPa}$).</p> <p>Im Vergleich zur parabolischen Spanngliedführung sind bei der linearen Spanngliedführung mit gleicher Exzentrizität und Spannkraft die Durchbiegungen grösser.</p>		