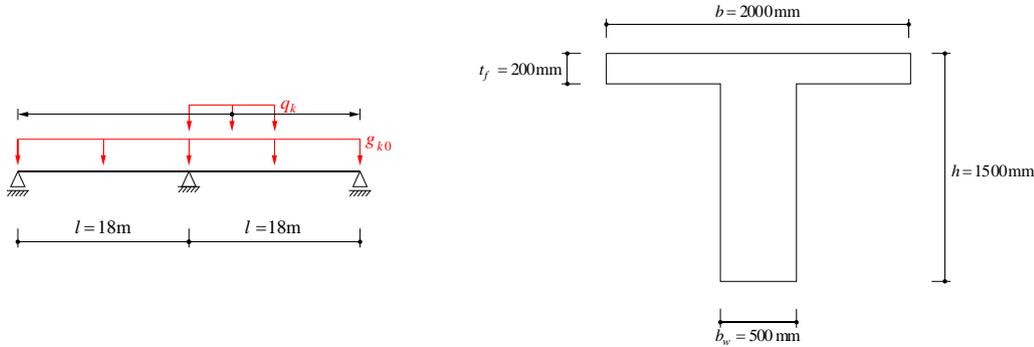


Stahlbeton I	Herbstsemester	Seite 1/13
Hausübung 2	Musterlösung	fm / 08.10.2020

Aufgabe 1

Geometrie



Baustoffe

Beton C30/37 $f_{cd} = 20 \text{ MPa}$
 $E_{cm} = k_e \sqrt[3]{f_{cm}} \approx 33.6 \text{ GPa}$ (Annahme $k_e = 10'000$)
 $D_{max} = 32 \text{ mm}$

Tab. 8
3.1.2.3.3

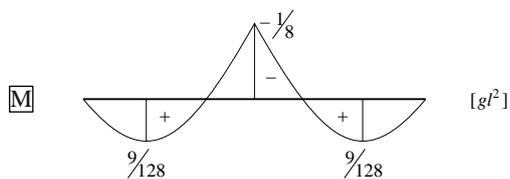
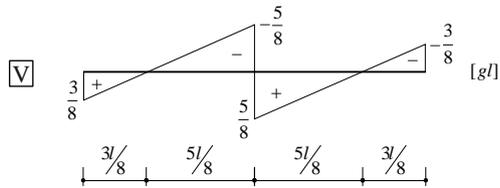
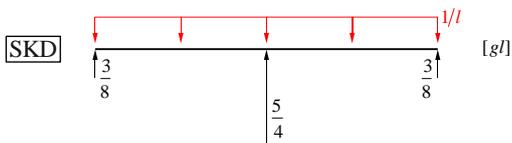
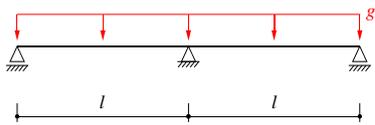
Betonstahl B500B $f_{sd} = 435 \text{ MPa}$
 $E_s = 205 \text{ GPa}$
 $c_{nom} = 35 \text{ mm}$

Tab. 9
3.2.2.9

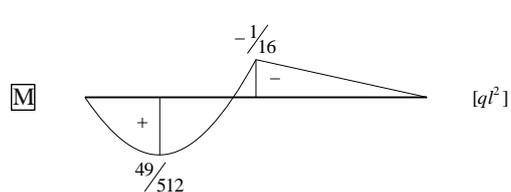
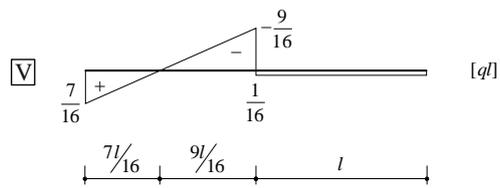
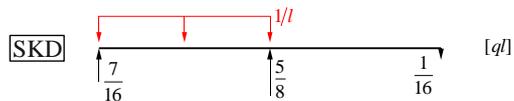
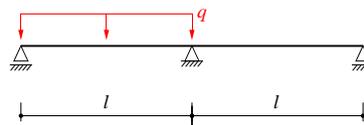
a) Einwirkungen und Schnittgrößen

Baustatische Grundlagen:

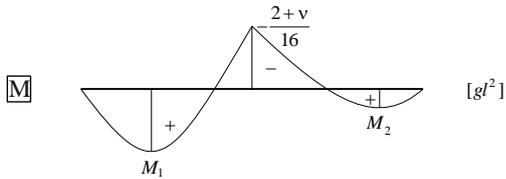
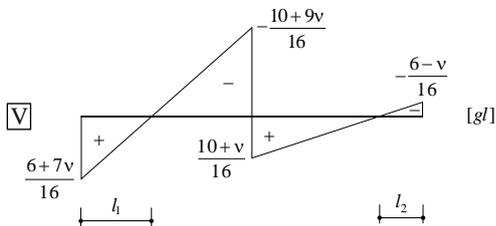
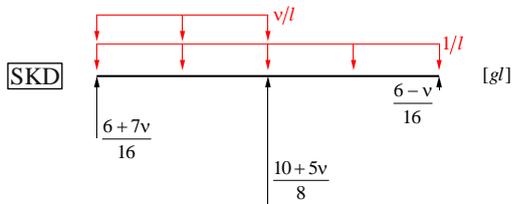
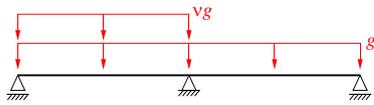
• Volllast



• Teillast

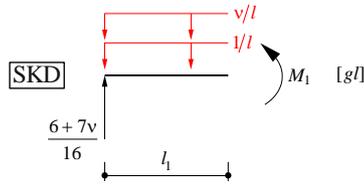


Superposition:



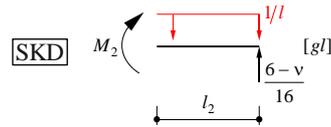
Die Superposition der beiden Lastfälle erfolgt hier zunächst allgemein für beliebige Verhältnisse

$$v = \frac{q}{g}$$



$$gl \frac{6+7v}{16} = gl \frac{v+1}{l} l_1 \rightarrow \frac{l_1}{l} = \frac{6+7v}{16(v+1)}$$

$$M_1 = gl \left(\frac{6+7v}{16} l_1 + \frac{v+1}{l} \frac{l_1^2}{2} \right) = gl^2 \frac{(6+7v)^2}{512(v+1)}$$



$$gl \frac{l_2}{l} = gl \frac{6-v}{16} \rightarrow \frac{l_2}{l} = \frac{6-v}{16}$$

$$M_2 = gl \left(\frac{6-v}{16} l_2 - \frac{1}{l} \frac{l_2^2}{2} \right) = gl^2 \frac{(6-v)^2}{512}$$

$$\sum V = 0$$

$$\sum M = 0$$

$$\sum V = 0$$

$$\sum M = 0$$

Einwirkungen im vorliegenden Fall:

Eigenlast: $A_c = 1.3 \cdot 0.5 + 2 \cdot 0.2 = 1.05 \text{ m}^2$

$$g_{k0} = 1.05 \cdot 25 = 26.3 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$$

Auflast: $g_{k1} = 0$

Nutzlast: $q_k = 40 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$

Bemessungslasten ständig: $g_d = 1.35 \cdot 26.3 = 35.4 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$

Bemessungslasten veränderlich: $q_d = 1.5 \cdot 40 = 60 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$

SIA 261
Tab. 30

$$v = \frac{q_d}{g_d} = 1.69$$

Massgebende Schnittgrößen:

$$M_1^{TL} = 35.4 \cdot 18^2 \cdot \frac{(6+7 \cdot 1.69)^2}{512 \cdot (1+1.69)} = \underline{\underline{2654 \text{ kNm}}} \quad l_1 = 7.46 \text{ m}$$

$$M_{St}^{TL} = 35.4 \cdot 18^2 \cdot -\frac{(2+1.69)}{16} = -2650 \text{ kNm}$$

$$M_{St}^{VL} = 95.4 \cdot 18^2 \cdot -\frac{1}{8} = \underline{\underline{-3865 \text{ kNm}}}$$

$$M_2^{TL} = 35.4 \cdot 18^2 \cdot \frac{(6-1.69)^2}{512} = 416 \text{ kNm} \quad l_2 = 4.85 \text{ m}$$

Teillast links

Teillast

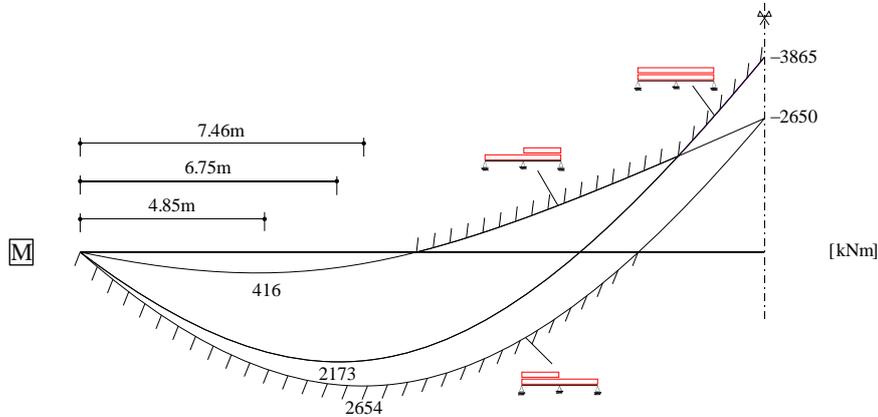
Vollast

Teillast links

Stahlbeton I	Herbstsemester	Seite 3/13
Hausübung 2	Musterlösung	fm / 08.10.2020

Grenzwertlinie der Biegebeanspruchung:

Die massgebenden Schnittgrössen lassen sich mit sogenannten Grenzwertlinien anschaulich darstellen. Sie bezeichnen die Umhüllende aller Schnittkraftverläufe für verschiedene Laststellungen und -kombinationen.



N.B.

$$\frac{49q_d l^2}{512} = 1860 \text{ kNm}$$

$$\frac{9g_d l^2}{128} = 806 \text{ kNm}$$

$$\Sigma = 2666 \text{ kNm}$$

Zur Abschätzung des max. Feldmoments i.d.R. genügend genau.

Die Grenzwertlinie verdeutlicht, dass zur Aufnahme der negativen Biegemomente auf der lastabgewandten Seite je nach Verhältnis q/g über einen grossen Bereich Bewehrung im Flansch eingelegt werden muss. Grenzwertlinien von komplexen Lastkombinationen werden heute mit Hilfe gängiger Computerprogramme ermittelt.

b) Bemessung der Hauptbewehrung

b_{eff} :

$$b_{1,2} = \frac{b - b_w}{2}$$

$$l_0 = 0.85l = 15.3 \text{ m}$$

$$b_{eff1,2} = \min(0.2b_{1,2} + 0.1l_0, 0.2l_0) = 1.68 \text{ m}$$

$$b_{eff} = \min(b, 2b_{eff1,2} + b_w) = 2000 \text{ mm} = b$$

SIA 262
4.1.3.3.2
4.1.3.3.3

Feldquerschnitt:

$$M_d = 2654 \text{ kNm}$$

Abschätzung von d und z : $d \cong 1450 \text{ mm}$, $z \cong 0.95d = 1380 \text{ mm}$ (für Plattenbalken 0.95 anstatt 0.9 da viel breitere Druckzone als Träger mit Rechteckquerschnitt)

$$\text{Abschätzung der erforderlichen Querschnittsfläche } A_s: A_{s,erf} \cong \frac{M_d}{z \cdot f_{sd}} = 4429 \text{ mm}^2$$

$$\text{Wahl der Bewehrung: } \underline{6\text{Ø}30} \rightarrow A_s = 4241 \text{ mm}^2$$

Berechnung des Biegewiderstands:

$$d = h - c_{nom} - \text{Ø}_{BG} - \frac{\text{Ø}}{2} = 1500 - 35 - 14 - 15 = 1436 \text{ mm}$$

$$A_s f_{sd} = 1845 \text{ kN}$$

$$0.85x = \frac{A_s f_{sd}}{b f_{cd}} = 46.1 \text{ mm} \rightarrow x = 54.3 \text{ mm}$$

$$\underline{\underline{M_{Rd}}} = A_s f_{sd} \left(d - \frac{0.85x}{2} \right) = \underline{\underline{2607 \text{ kNm}}}$$

Merke: - $z_{eff} = 1413 \text{ mm} \hat{=} 0.94h \hat{=} 0.98d$

- Duktilität: $\frac{x}{d} = 0.038 \ll 0.35$

Annahme:
 $\text{Ø}_{BG} = 14 \text{ mm}$

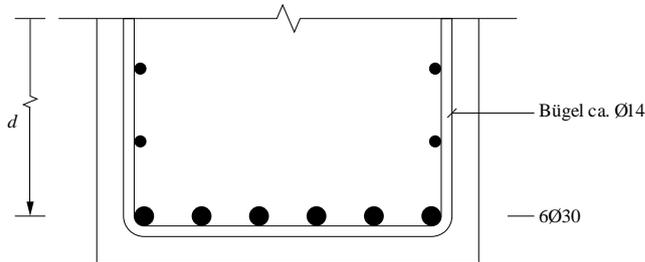
4.1.4.2.5

Stahlbeton I	Herbstsemester	Seite 4/13
Hausübung 2	Musterlösung	fm / 08.10.2020

Nachweis: $M_{Rd} = 2607 \text{ kNm} \cong 2654 \text{ kNm} = M_d \rightarrow \text{i.O.}$

$\Delta < 2\%$

konstruktive Durchbildung:



1:10

lichter Abstand: $\frac{500 - 2 \cdot 35 - 2 \cdot 14 - 6 \cdot 30}{5} = 44 \text{ mm} > D_{max} \rightarrow \text{i.O.}$

5.2.3.2

Stützenquerschnitt:

$M_d = -3865 \text{ kNm}$

Abschätzung von d und z: $d \cong 1400 \text{ mm}$, $z \cong 0.9d = 1260 \text{ mm}$

Abschätzung der erforderlichen Querschnittsfläche A_s : $A_{s,erf} \cong \frac{M_d}{z \cdot f_{sd}} = 7052 \text{ mm}^2$

Wahl der Bewehrung: 28Ø18 $\rightarrow A_s = 7125 \text{ mm}^2$

Berechnung des Biege widerstands:

$d = 1400 \text{ mm}$

$A_s f_{sd} = 3099 \text{ kN}$

$0.85x = \frac{A_s f_{sd}}{b_w f_{cd}} = 309.4 \text{ mm} \rightarrow x = 364 \text{ mm}$

$\underline{\underline{M_{Rd}}} = A_s f_{sd} \left(d - \frac{0.85x}{2} \right) = \underline{\underline{3853 \text{ kNm}}}$

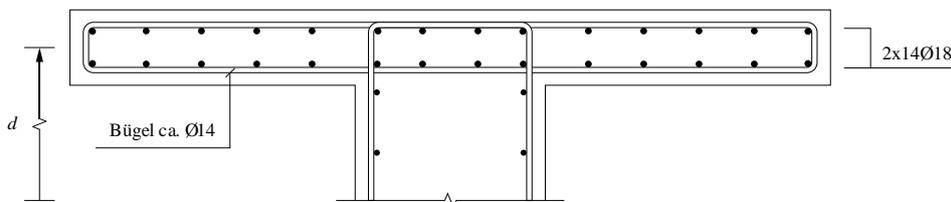
Merke: - $z_{eff} = 1245 \text{ mm} \hat{=} 0.83h \hat{=} 0.89d$

- Duktilität: $\frac{x}{d} = 0.26 < 0.35$

4.1.4.2.5

Nachweis: $M_{Rd} = 3853 \text{ kNm} \cong 3865 \text{ kNm} = M_d \rightarrow \text{i.O.}$

konstruktive Durchbildung:

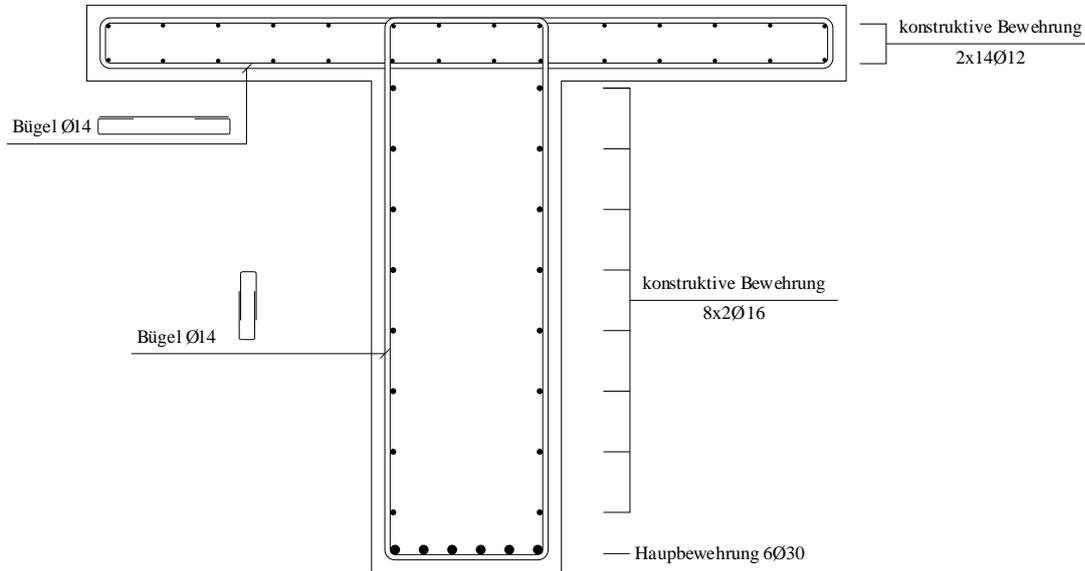


1:20

Stahlbeton I	Herbstsemester	Seite 5/13
Hausübung 2	Musterlösung	fm / 08.10.2020

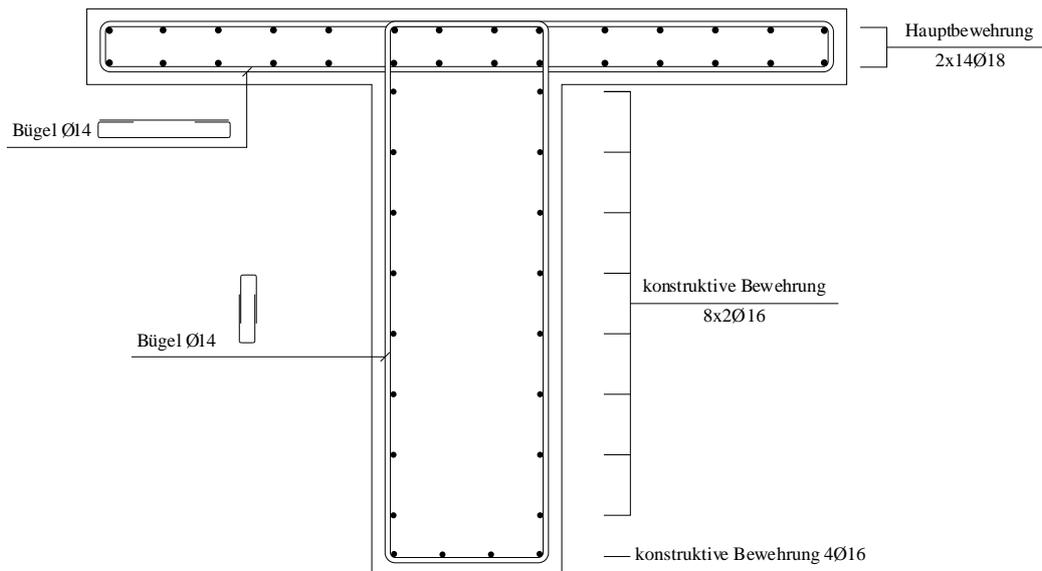
c) Bewehrungsskizzen

Feldquerschnitt:



1:20

Stützenquerschnitt:



1:20

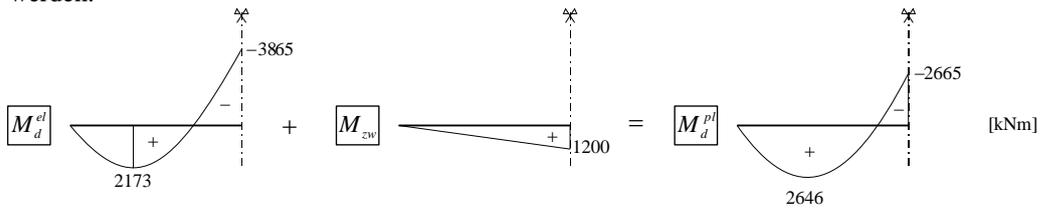
Durch die Berücksichtigung der verteilten konstruktiven Bewehrung im Steg, würde der Biege widerstand im Feld um gut 40% auf $M_{Rd,Feld} = 3688\text{kNm}$ erhöht. Somit wären auch $5\text{Ø}26$ ausreichend. Im Stützenquerschnitt ist der Einfluss der Stegbewehrung wegen der hohen Druckzone wesentlich kleiner (ca. +10%). Dies begründet zusätzlich warum die zuvor geführten Tragsicherheitsnachweise, die knapp nicht erfüllt waren, als ausreichend bezeichnet wurden.

Stahlbeton I	Herbstsemester	Seite 6/13
Hausübung 2	Musterlösung	fm / 08.10.2020

d) Schnittgrössenumlagerung

- Da es sich im vorliegenden Fall um ein statisch unbestimmtes, vorwiegend auf Biegung beanspruchtes System handelt und die Duktilitätsbedingung $x/d < 0.35$ in jedem Querschnitt eingehalten ist, dürfen die elastischen Schnittgrössen plastisch umgelagert werden.
- Beim Nachweis der Tragsicherheit darf somit jedem Lastfall ein optimaler Zwängungszustand überlagert werden. Für den Lastfall "Volllast" etwa können 1200 kNm von der Stütze ins Feld umgelagert werden, wodurch ein Biege widerstand von ca. 2650 kNm im Feld und über der Stütze ausreichend wird. Durch optimales Einpassen der Momentenlinie kann so Bewehrung gespart werden.

4.1.4.2



- Ein weiterer Vorteil besteht darin, dass im Grenzzustand der Tragsicherheit Zwängungsschnittgrössen, die bei statisch unbestimmten Systemen zum Beispiel infolge Lagersenkungen, Schwinden, oder Temperaturgradienten entstehen können, wegplastifiziert werden, d.h. vernachlässigt werden können. Die Zwängungsschnittgrössen führen zu einem Eigenspannungszustand im Tragwerk. Nach der Plastizitätstheorie haben Eigenspannungszustände jedoch nur einen Einfluss auf das Last-Verformungsverhalten, jedoch nicht auf die Traglast.

Stahlbeton I	Herbstsemester	Seite 7/13
Hausübung 2	Musterlösung	fm / 08.10.2020

Aufgabe 2

a) Biegewiderstand Träger

Querschnittsfläche der Bewehrung: $A_s = \rho b d$

Höhe der Betondruckzone (aus horizontalem Gleichgewicht am Querschnitt):

$$x = \frac{A_s f_{sd}}{0.85 b f_{cd}} = \frac{d f_{sd}}{0.85 f_{cd}} \rho \Leftrightarrow \rho = 0.85 \frac{f_{cd}}{f_{sd}} \frac{x}{d}$$

Das Verhältnis zwischen der Betondruckzonenhöhe und dem geometrischen Bewehrungsgehalt ist linear:

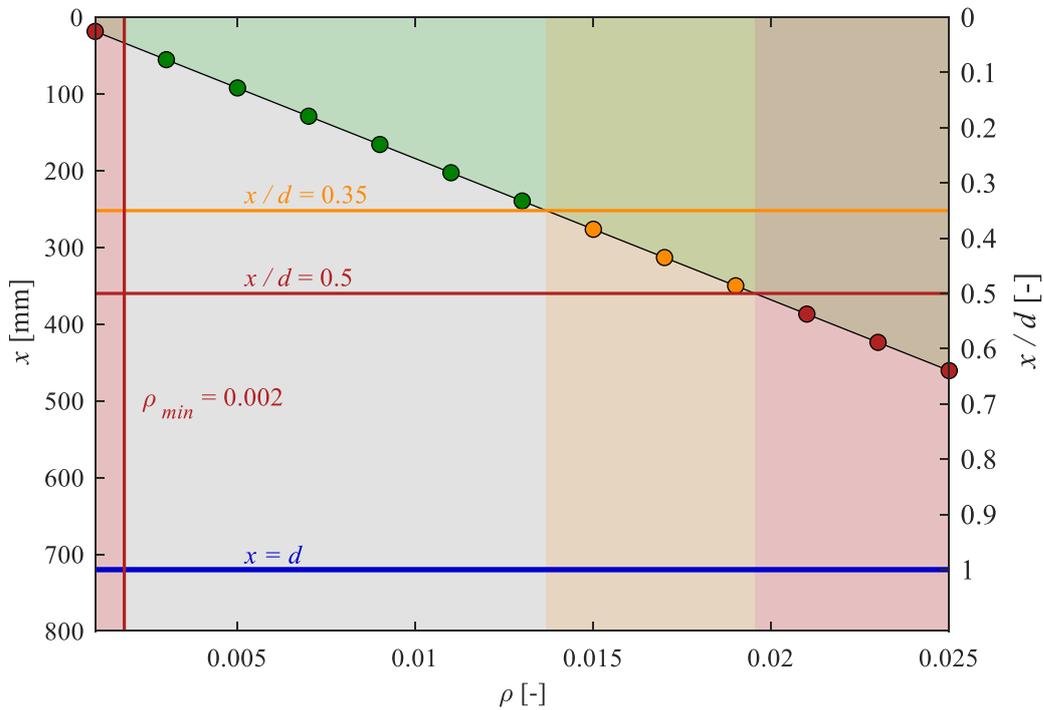


Abb. 1: Höhe der Betondruckzone als Funktion des Bewehrungsgehalts.

Biegewiderstand (aus Momentengleichgewicht am Querschnitt):

$$\begin{aligned}
 M_{Rd} &= A_s f_{sd} \left(d - \frac{0.85x}{2} \right) \\
 &\stackrel{(1)}{=} \rho b d f_{sd} \left(d - \frac{0.85x}{2} \right) \\
 &\stackrel{(2)}{=} 0.85 b x f_{cd} \left(d - \frac{0.85x}{2} \right) \\
 &= 0.85 b d f_{cd} x - \frac{0.85^2}{2} b f_{cd} x^2
 \end{aligned}$$

(1)

(2)

(3)

Stahlbeton I	Herbstsemester	Seite 8/13
Hausübung 2	Musterlösung	fm / 08.10.2020
<p>Das Verhältnis zwischen der Betondruckzonenhöhe und dem Biege­widerstand ist nicht linear, sondern quadratisch. Bei höherem Bewehrungs­gehalt steigt die Fließlast der Bewehrung, welche sich im Gleichgewicht mit der Druckkraft im Querschnitt befindet. Um die höhere Druckkraft aufzunehmen ver­grössert sich die Betondruckzone linear mit dem Bewehrungs­gehalt. Dadurch verkleinert sich aber ebenfalls der Hebelarm der inneren Kräfte, sodass der Biege­widerstand unterproportional mit der Betondruckzonenhöhe ansteigt.</p> <p><i>Ergänzende Bemerkung:</i> Dasselbe gilt für den Zusammenhang zwischen Bewehrungs­gehalt und Biege­widerstand. Bei einer Verdopplung des Bewehrungs­gehaltes wächst der Biege­widerstand um weniger als das Doppelte.</p> $M_{Rd} = A_s f_{sd} \left(d - \frac{0.85x}{2} \right) = \rho b d f_{sd} \left(d - \frac{\rho d f_{sd}}{2 f_{cd}} \right) = b d^2 f_{sd} \rho - \frac{b d^2 f_{sd}^2}{2 f_{cd}} \rho^2$ <p>Bei der Wahl der Bewehrung ist stets darauf zu achten, dass die Mindestbewehrung eingehalten wird. Die Mindestbewehrung wird so gewählt, dass der Biege­widerstand grösser ist als das Rissmoment. Dies verhindert, dass der Träger bei Erreichen des Rissmoments spröde versagt.</p> <p>Rissmoment für Rechteckquerschnitte:</p> $M_r = \frac{b h^2}{6} 1.3 f_{ctm} = \frac{500 \cdot 800^2}{6} 1.3 \cdot 2.9 = 201 \text{ kNm}$ $\rho_{min} = \frac{f_{cd}}{f_{sd}} \left(1 - \sqrt{1 - \frac{2 M_r}{b d^2 f_{cd}}} \right) = \frac{20}{435} \left(1 - \sqrt{1 - \frac{2 \cdot 201 \cdot 10^6}{500 \cdot 720^2 \cdot 20}} \right) = 0.002$ <p>Ein Bewehrungs­gehalt von 0.001 ist für diesen Träger also nicht ausreichend.</p> <p>Ausserdem soll darauf geachtet werden, dass die Höhe der Betondruckzone geringer als $0.35d$ ist, damit man von einem duktilen Verhalten ausgehen kann, ohne den Nachweis des Verformungs­vermögens zu führen.</p> $\rho = \frac{^{(2)} 0.85 f_{cd} x}{f_{sd} d} = \frac{0.85 \cdot 20}{435} 0.35 = 0.0137$ $M_{Rd} = \overset{(3)}{0.85 b d f_{cd} x} - \frac{0.85^2}{2} b f_{cd} x^2$ $= 0.85 \cdot 500 \cdot 720 \cdot 20 \cdot 0.35 \cdot 720 - \frac{0.85^2}{2} 500 \cdot 20 (0.35 \cdot 720)^2$ $= 1313 \text{ kNm}$ <p>Dies trifft bei einem Bewehrungs­gehalt von 0.0137 zu. Es kann ein Biege­widerstand von 1313 kNm erreicht werden.</p> <p>Nach SIA 262 ist es zulässig, den Biege­widerstand weiter zu steigern, falls ein Nachweis des Verformungs­vermögens erbracht wird. In diesem Fall beträgt das maximal zulässige Verhältnis $x/d = 0.5$.</p> $\rho = \frac{^{(2)} 0.85 f_{cd} x}{f_{sd} d} = \frac{0.85 \cdot 20}{435} 0.5 = 0.0195$ $M_{Rd} = \overset{(3)}{0.85 b d f_{cd} x} - \frac{0.85^2}{2} b f_{cd} x^2$ $= 0.85 \cdot 500 \cdot 720 \cdot 20 \cdot 0.5 \cdot 720 - \frac{0.85^2}{2} 500 \cdot 20 (0.5 \cdot 720)^2$ $= 1735 \text{ kNm}$ <p>Bewehrungs­gehalte über 0.0195 sind für diesen Träger nicht zulässig und man muss mit einem spröden Versagen rechnen. Der Biege­widerstand darf nicht über 1735 kNm hinaus gesteigert werden.</p>		<p>Autogr. 3.2 Folie 18</p> <p>4.1.4.2.5</p>

Stahlbeton I	Herbstsemester	Seite 9/13
Hausübung 2	Musterlösung	fm / 08.10.2020

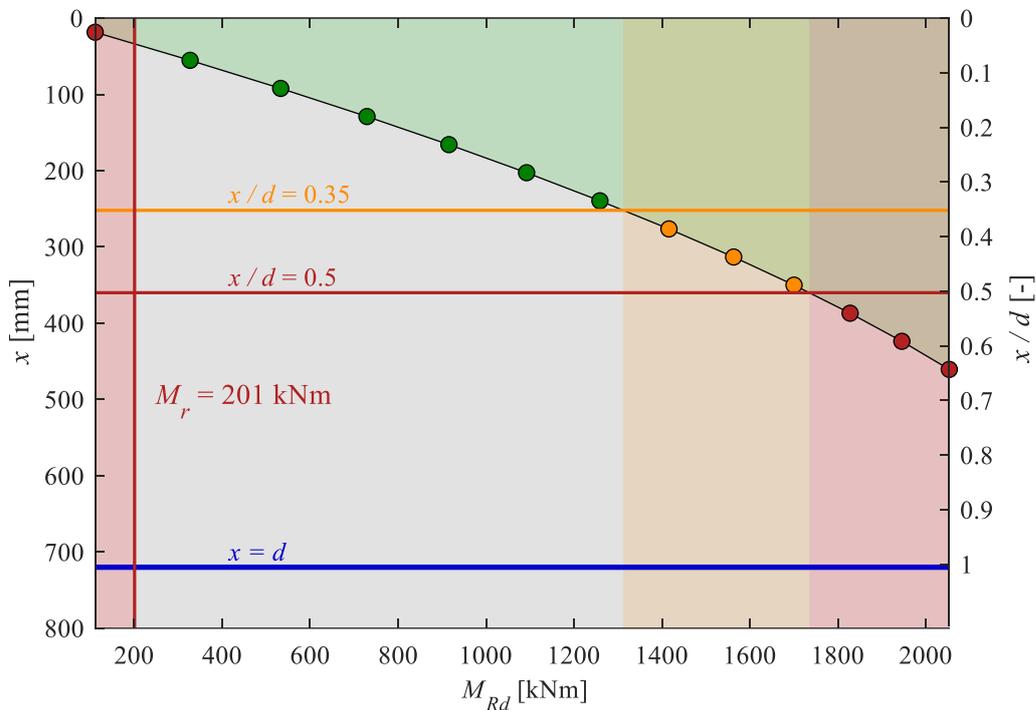


Abb. 2: Höhe der Betondruckzone als Funktion des Biege widerstands.

b) Krümmung und Duktilität Träger

Im Allgemeinen wird bei der Bemessung vorausgesetzt, dass der Beton bricht während die Bewehrung fließt ($\epsilon_{c,sup} = \epsilon_{c2d}$, $\sigma_s = f_{sd}$), da dies ein duktiles Versagen gewährleistet. Die Biege widerstände in Frage 2a) wurden mit dieser Annahme berechnet. Im Folgenden wird die Annahme der Versagensart, je nach Bewehrungsgehalt, überprüft und die entsprechende Bruchkrümmung berechnet.

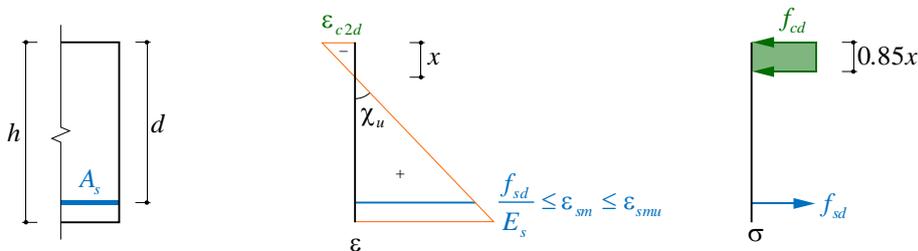
Autogr. 3.2
Folien 19 ff

Das generelle Vorgehen dazu ist wie folgt:

Zuerst wird angenommen, dass die Versagensart Betonbruch während dem Fließen der Bewehrung ist. Die Betondruckzonenhöhe kann dadurch mit Formel (2) aus dem horizontalem Gleichgewicht gefunden werden und die Krümmung des Querschnitts lässt sich zu

$$\chi_u = \frac{|\epsilon_{c,sup}|}{x} = \epsilon_{c2d} \frac{0.85 f_{cd}}{\rho d f_{sd}} \tag{4}$$

bestimmen, wobei ein linearer Verlauf der Dehnungsebene vorausgesetzt wird.



Dann werden die Annahmen $\sigma_s = f_{sd} \Leftrightarrow \epsilon_{sm} \geq f_{sd} / E_s$ und $\epsilon_{sm} < \epsilon_{smu}$ überprüft. Falls eine davon nicht erfüllt ist, liegt eine andere Versagensart vor ($\epsilon_{c,sup} = \epsilon_{c2d}$ kann nicht überprüft werden, da es in der Herleitung von χ_u benutzt wurde und daher automatisch zutrifft). Es muss eine neue Annahme der Versagensart getroffen werden. x und χ_u werden mit der neuen Annahme berechnet.

Stahlbeton I	Herbstsemester	Seite 11/13
Hausübung 2	Musterlösung	fm / 08.10.2020

(3) Beton bricht während die Bewehrung fließt

Im Fall des Bewehrungsgehalts $\rho = 0.005$ stimmt die Annahme von Betonbruch während die Bewehrung fließt:

$$x = \frac{df_{sd}}{0.85f_{cd}} \rho = \frac{720 \cdot 435}{0.85 \cdot 20} 0.005 = 92 \text{ mm}$$

$$\chi_u = \frac{0.85 \cdot 20 \cdot 0.003}{0.005 \cdot 720 \cdot 435} = 33 \cdot 10^{-6} \frac{\text{rad}}{\text{mm}} = 33 \frac{\text{mrad}}{\text{m}}$$

$$\varepsilon_{sm} = \chi_u (d - x) = 33 \cdot 10^{-6} \cdot (720 - 92) = 20.5\% \leq 22.5\% = 0.5\varepsilon_{ud}$$

$$\varepsilon_{sm} = 20.5\% > 2.12\% = \frac{f_{sd}}{E_s}$$

Die allgemeine Formel (4) zeigt, dass die Krümmung beim Bruch bei grösseren Bewehrungsgehalten sinkt, was bedeutet, dass der Träger sich weniger duktil verhält (siehe auch Abbildung 3).

Die gleiche Überprüfung müsste für sämtliche Bewehrungsgehalte 0.007, 0.009, ... durchgeführt werden, bis ab einem bestimmten Bewehrungsgehalt die Bewehrung nicht mehr fließt ($\varepsilon_{sm} < f_{sd}/E_s$). Stattdessen wird in einem nächsten Schritt mit dem höchsten Bewehrungsgehalt der Reihe begonnen. Falls bei diesem die Bewehrung fließen würde, würde das bedeuten, dass die Annahme Betonbruch während die Bewehrung fließt für alle Bewehrungsgehalte zwischen 0.005 und 0.025 zutrifft.

(4) Beton bricht bevor die Bewehrung fließt

Bei sehr hohen Bewehrungsgehalten kann es sein, dass der Beton bricht bevor die Bewehrung fließt. Dies führt zu einem sehr spröden Verhalten. Im Folgenden wird für den höchsten Bewehrungsgehalt der Reihe ($\rho = 0.025$) überprüft ob dies der Fall ist.

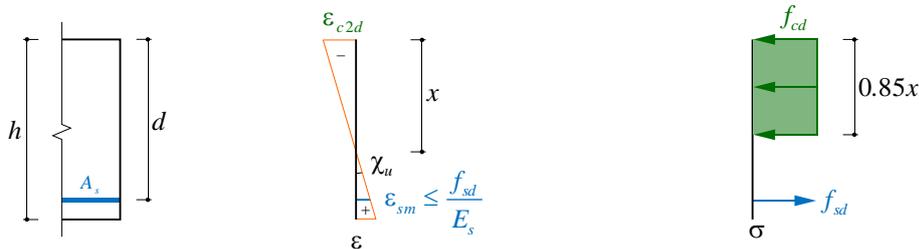
Fürs Erste wird wieder die Annahme getroffen, dass die Bewehrung fließt:

$$x = \frac{df_{sd}}{0.85f_{cd}} \rho = \frac{720 \cdot 435}{0.85 \cdot 20} 0.025 = 461 \text{ mm}$$

$$\chi_u = \frac{0.85 \cdot 20 \cdot 0.003}{0.025 \cdot 720 \cdot 435} = 6 \cdot 10^{-6} \frac{\text{rad}}{\text{mm}} = 6 \frac{\text{mrad}}{\text{m}}$$

$$\varepsilon_{sm} = \chi_u (d - x) = 6 \cdot 10^{-6} \cdot (720 - 461) = 1.6\% < 2.12\% = f_{sd}/E_s$$

Die Bewehrung fließt nicht, sodass die oben getroffene Annahme nicht stimmt und die Berechnung auf andere Art und Weise durchgeführt werden muss. Die neue Annahme der Versagensart ist Betonbruch bevor die Bewehrung fließt. Die Spannung in der Bewehrung kann durch horizontales Gleichgewicht und die Annahme eines linearen Dehnungsverlaufs am Querschnitt bestimmt werden.



$$x = \frac{A_s E_s \varepsilon_{sm}}{0.85 b f_{cd}} \text{ und } \varepsilon_{sm} = \chi (d - x) = \frac{\varepsilon_{c2d}}{x} (d - x)$$

$$\Leftrightarrow \varepsilon_{sm}^2 + \varepsilon_{c2d} \varepsilon_{sm} - \frac{\varepsilon_{c2d} \cdot 0.85 b f_{cd} d}{A_s E_s} = 0 \rightarrow \varepsilon_{sm} = 2.0\%$$

$$\sigma_s = \varepsilon_{sm} E_s = 409 \text{ MPa} < f_{sd}$$

Eine ähnliche Berechnung kann für $\rho = 0.023$ durchgeführt werden, mit dem Ergebnis, dass auch in diesem Fall der Beton bricht bevor die Bewehrung fließt. Ab $\rho = 0.021$ ist Betonbruch während die Bewehrung fließt die massgebende Versagensart.

Stahlbeton I	Herbstsemester	Seite 12/13
Hausübung 2	Musterlösung	fm / 08.10.2020

Ergänzende Bemerkung:

Die Bewehrungsgehalte 0.021, 0.023 und 0.025 sind nach SIA 262 für diesen Träger nicht zulässig, da $x/d > 0.5$. Ein Versagen durch Betonbruch bevor die Bewehrung fließt wird also implizit ausgeschlossen.

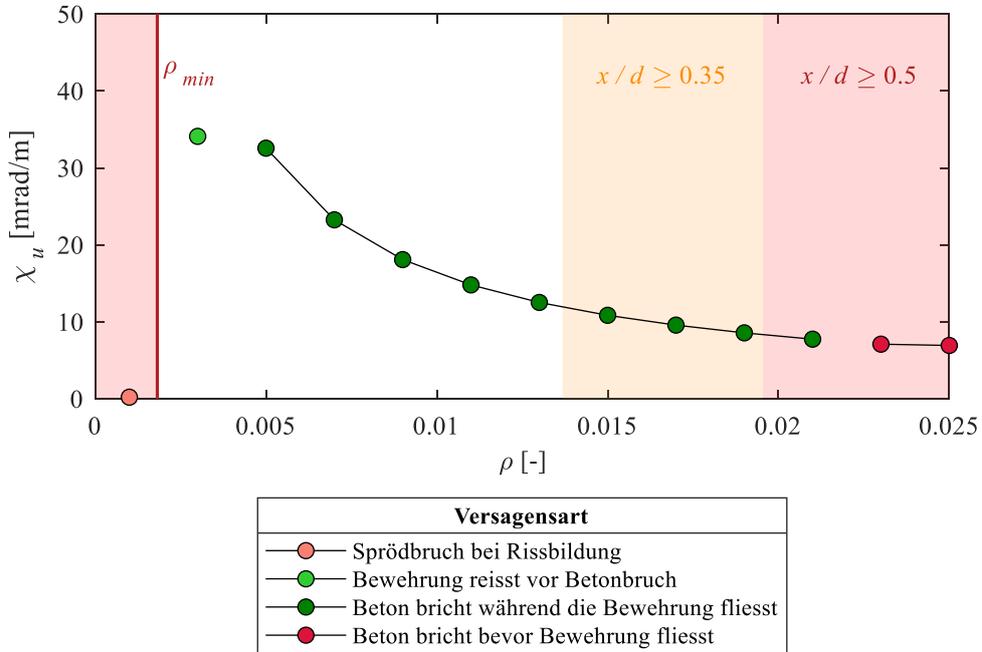
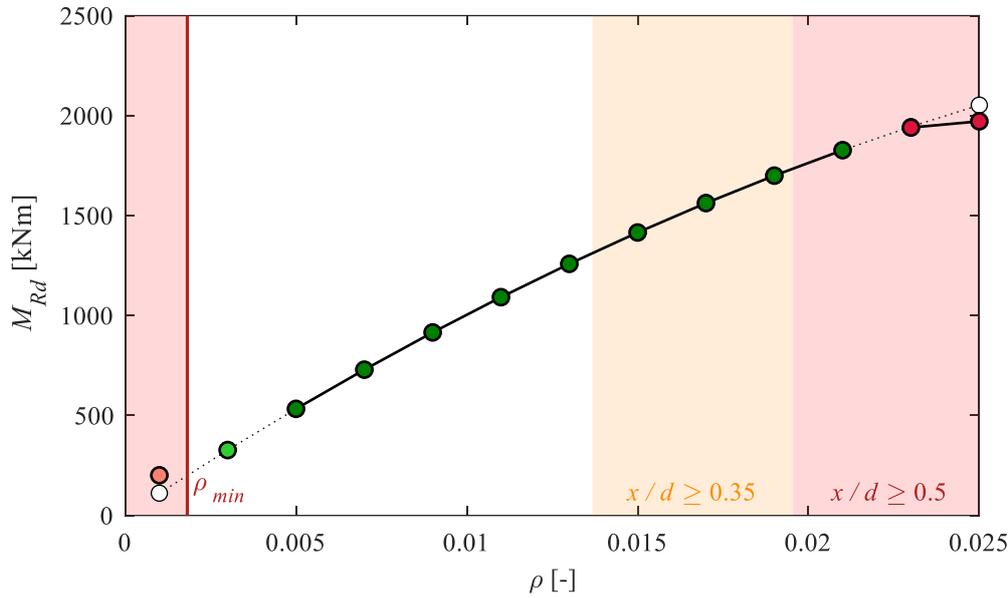


Abb. 3: Bruchkrümmung als Funktion des Bewehrungsgehalts, mit Angabe der Versagensarten.

In den Berechnungen in Frage 2a) wurde implizit angenommen, dass der Träger durch Betonbruch während dem Fließen der Bewehrung versagt. In Frage 2b) wurde gezeigt, dass dies nicht für alle Bewehrungsgehalte der Fall ist. Konsequenterweise muss der Biege­widerstand ebenfalls gemäss der neuen Annahme des Versagensmechanismus berechnet werden. Es resultieren etwas andere Biege­widerstände als in Abbildung 2 angegeben. Abbildung 4 zeigt die Biege­widerstände aus Frage 2a) in weiss, falls die Annahme Betonbruch während dem Fließen der Bewehrung nicht zutrifft, und in dunkelgrün, falls die Annahme zutrifft.



Versagensart	
.....○.....	Annahme Beton bricht während Bewehrung fließt (unzutreffend)
—●—	Sprödbruch bei Rissbildung
—●—	Bewehrung reißt vor Betonbruch
—●—	Beton bricht während die Bewehrung fließt
—●—	Beton bricht bevor Bewehrung fließt

Abb. 4: Biegezugwiderstand als Funktion des Bewehrungsgrads, mit Angabe der Versagensarten.

Bei kleinen Bewehrungsgehalten unterhalb der Mindestbewehrung resultiert mit zuvor genannter Annahme ein kleinerer Biegezugwiderstand als das Rissmoment. Das ist durch die Definition der Mindestbewehrung bei $M_r = M_{Rd}$ bedingt.

Der Biegezugwiderstand bei der Versagensart Reißen der Bewehrung beträgt exakt gleich viel wie in Frage 2a). Dies liegt daran, dass der Spannungsbloch verwendet wurde. Dieser muss aufgrund des horizontalen Gleichgewichts für beide Varianten gleich gross sein, wodurch auch der Hebelarm der Selbe ist. Der grosse Unterschied der zwei Versagensarten liegt in der Duktilität. Die maximale Krümmung beträgt 34.1 mrad/m beim Reißen der Bewehrung und 54.3 mrad/m beim Betonversagen wenn die Bewehrung fließt.

Bei Betonbruch bevor die Bewehrung fließt resultieren geringere Biegezugwiderstände als in Frage 2a) angenommen, da die Kraft in der Bewehrung geringer ist ($A_s \sigma_s < A_s f_{sd}$). Dies hat einen stärkeren Einfluss als der leicht grössere Hebelarm infolge kleinerer Betondruckzone.